ENT ABSTRACTS OF JA

(11)Publication number:

2002-209854

(43) Date of publication of application: 30.07.2002

(51)Int.CI.

A61B 3/10

(21)Application number: 2001-119086

(71)Applicant: TOPCON CORP

(22)Date of filing:

18.04.2001

(72)Inventor: HIROHARA YOKO

MIHASHI TOSHIBUMI

MAEDA NAOYUKI

(30)Priority

Priority number: 2000318559

Priority date: 18.10.2000

Priority country: JP

2000350659

17.11.2000

JP

(54) OPTICAL CHARACTERISTICS MEASURING INSTRUMENT

(57)Abstract:

PROBLEM TO BE SOLVED: To collectively or selectively display image data and/or numerical data corresponding to measured data and a measuring result.

SOLUTION: This optical characteristics measuring instrument 100 measures and displays e.g. the optical characteristics of an eye to be measured 60 being an object. A first illumination optical system 10 includes a first light source part 11 for illuminating the eye 60 with the luminous flux of a prescribed pattern. A first photodetective optical system 20 includes a first photodetective part 23 for photodetecting reflected light from the eye 60. A transmission/reception light optical system 30 is used mainly for performing align adjustment and includes a second photodetection part 35 for photodetecting the reflected light from the eye 60. A common optical system 40 is arranged on the optical axis of the luminous flux emitted from the system 10 and is included in the system 10, the system 20 and the system 34 in common. An arithmetic part calculates a photodetective signal from the part 23 and the part 35. A

display part graphically displays the measured data and the measuring result.

LEGAL STATUS

[Date of request for examination]

[Date of sending the examiner's decision of rejection

[Kind of final disposal of application other than the examiner's decision of rejection or application converted registration]

[Date of final disposal for application]

[Patent number]

[Date of registration]

[Number of appeal against examiner's decision of rejection]

[Date of requesting appeal against examiner's decision of rejection]
[Date of extinction of right]

Copyright (C); 1998,2003 Japan Patent Office

(19)日本国特許庁(JP)

(12) 公開特許公報(A)

(11)特許出願公開番号 特開2002-209854 (P2002-209854A)

(43)公開日 平成14年7月30日(2002.7.30)

(51) Int.Cl.7

識別記号

FΙ

テーマコート*(参考)

A61B 3/10

A 6 1 B 3/10 Z

Η

M

R

審査請求 未請求 請求項の数21 OL (全 28 頁)

特顧2001-119086(P2001-119086) (21)出願番号

(22)出願日

平成13年4月18日(2001.4.18)

(31) 優先権主張番号 特顧2000-318559(P2000-318559) (32)優先日

平成12年10月18日(2000.10.18)

(33)優先権主張国

日本(JP) 特願2000-350659(P2000-350659)

(31)優先権主張番号 (32) 優先日

平成12年11月17日(2000.11.17)

日本(JP) (33)優先権主張国

(71)出顧人 000220343

株式会社トプコン

東京都板橋区蓮沼町75番1号

(72)発明者 広原 陽子

東京都板橋区蓮沼町75番1号 株式会社ト

プコン内

(72)発明者 三橋 俊文

東京都板橋区蓮沼町75番1号 株式会社ト

プコン内

(72)発明者 前田 直之

大阪府吹田市山田丘2-2 大阪大学医学

部眼科内

(74)代理人 100107010

弁理士 橋爪 健

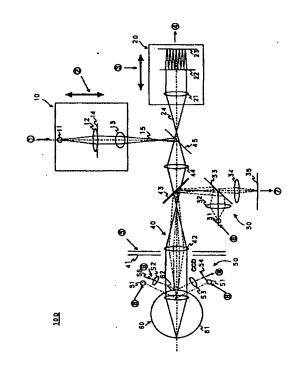
(54) 【発明の名称】 光学特性測定装置

(57)【要約】

(修正有)

【課題】 測定データ、測定結果に対応する画像データ 及び/又は数値データをまとめて、又は、選択的に表示

【解決手段】 光学特性測定装置100は、例えば、対 象物である被測定眼60の光学特性を測定・表示する装 置である。第1照明光学系10は、被測定眼60に所定 バターンの光束を照射する第1光源部11を含む。第1受 光光学系20は、被測定眼60からの反射光を受光する 第1受光部23を含む。送受光光学系30は、アライメ ント調整を主に行うものであって、被測定眼60からの 反射光を受光する第2受光部35を含む。共通光学系4 0は、第1照明光学系10から発せられる光束の光軸上 に配され、第1照明光学系10、第1受光光学系20及び 送受光光学系30に共通に含まれる。演算部は、第1受 光部23及び第2受光部35からの受光信号に基づき演 算を行う。表示部は、測定データと測定結果とをグラフ ィック表示する。



【特許請求の範囲】

【請求項1】被測定眼に所定バターンの光束を照射する 光源部を含む照射光学系と、

1

被測定眼からの反射光を受光する受光部を含む受光光学 系と、

上記受光部からの測定データを示す受光信号に基づき、 測定結果をグラフィック表示となるように演算する演算 部と、

上記受光信号に基づいた測定データと、上記演算部で求 められた測定結果とを、グラフィック表示する表示部と を備えた光学特性測定装置。

【請求項2】上記演算部は、上記受光信号に基づき、複 数の条件下での測定結果をグラフィック表示となるよう に演算し、

上記表示部は、複数の測定条件下での受光信号に基づい た測定データと、該演算部で求められた測定結果とを、 グラフィック表示するようにした請求項1に記載の光学 特性測定装置。

【請求項3】上記表示部は、測定者の操作に応じて、複 数の測定条件下での受光信号に基づいた測定データ、及 20 し、 び、上記演算部で求められた測定結果のグラフィック表 示を選択的に表示するようにした請求項1又は2に記載 の光学特性測定装置。

【請求項4】測定者が操作を行うためのマウス等のポイ ンティングデバイスをさらに備え、

上記演算部は、複数の条件下での測定結果を示す数値デ ータをさらに演算し、

上記表示部は、複数の条件下での該数値データを一覧と してさらに表示し、

上記測定者が、上記表示部の表示上で、いずれかの測定 30 条件の数値データを選択した場合、選択された数値デー タに対応した測定データ、及び、該測定データに基づい た測定結果をグラフィック表示するようにした請求項1 乃至3のいずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項5】上記演算部は、複数の条件として明所時又 は暗所時とし、被測定眼に含まれる測定領域を明所時又 は暗所時における瞳孔の大きさに対応した領域として、 測定結果をグラフィック表示となるように演算するよう にした請求項1乃至4のいずれかに記載の光学特性測定 装置。

【請求項6】上記グラフィック表示は、収差を平面又は 立体的に表した収差図、MTFを二次元又は所定の軸方 向の断面、又は、x方向・y方向・その平均のうちいず れかひとつ又は複数の断面で示した図、PSFを平面又 は立体として示した図及び数種類の視力に対応したラン ドルト環のいずれか一つであるようにした請求項1乃至 5のいずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項7】上記複数の測定条件は、少なくとも上記受 光信号が被測定眼での測定範囲を変更することにより決 定され、

上記表示部は、測定者の操作に応じて、複数の測定条件 下における測定範囲に対応させて、受光信号に基づく測 定データ及び演算部で求められた測定結果についてグラ フィック表示を行うようにした請求項1乃至6のいずれ かに記載の光学特性測定装置。

【請求項8】上記照明光学系は、被測定眼の眼底に点光 源を形成し、

上記受光光学系は、被測定眼からの反射光を複数の光束 に分割するハルトマン板を含み、上記受光部からの受光 10 信号は、ハルトマン像を示し、

上記測定結果をグラフィック表示したものは、被測定眼 の光学特性であるようにした請求項1乃至7のいずれか に記載の光学特性測定装置。

【請求項9】上記ハルトマン像に含まれる点の参照格子 点を、収差図にオーバーレイ表示するようにした請求項 8に記載の光学特性測定装置。

【請求項10】上記照明光学系は、被測定眼の角膜に対 して異なる径のリング状光束を照射し、

上記受光光学系は、被測定眼の角膜からの反射光を受光

上記受光部からの受光信号は、プラチドリング像を示

上記測定結果をグラフィック表示したものは、被測定眼 の角膜の形状であるようにした請求項1乃至9のいずれ かに記載の光学特性測定装置。

【請求項11】上記受光光学系は、被測定眼の前眼部の 像を受光する第2受光部をさらに含み、

上記表示部は、前眼部の像に重畳して、上記測定結果を グラフィック表示するようにした請求項1乃至10のい ずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項12】上記表示部は、ハルトマン像の測定結果 の基礎となる重心位置又はその変位を示すようにした請 求項1乃至10のいずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項13】上記表示部は、参照格子点とハルトマン 像の重ね合わせを表示するようにした請求項1乃至10 のいずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項14】上記演算部は、被検眼の光学特性と角膜 の光学特性に基づき、眼内収差を演算し、

上記表示部は、眼内収差を表示するようにした請求項1 40 乃至10のいずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項15】上記演算部は、角膜収差を演算し、

上記表示部は、角膜収差を表示するようにした請求項1 乃至10のいずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項16】上記演算部は、ゼルニケ係数を演算し、 これに基づき被測定眼の全収差又は高次収差を演算し、 上記表示部は、演算部で求められた被測定眼の全収差又 は高次収差を表示するようにした請求項1乃至10のい ずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項17】上記グラフィック表示は、撮影した生画 50 像であるハルトマン像と、少なくとも2次以上の収差を

含む被検眼の全収差と、3次以上の収差を含む高次収差 とを表示するようにした請求項1乃至10のいずれかに 記載の光学特性測定装置。

【請求項18】上記グラフィック表示は、ハルトマン像 と、3次以上の複数の収差を含む全高次収差と、全高次 収差に含まれる各髙次収差を対称収差と非対称収差とに 分けて表示するようにした請求項1乃至10、17のい ずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項19】上記グラフィック表示は、ハルトマン像 と、3次以上の複数の収差を含む全高次収差と、全高次 10 収差に含まれる各高次収差をそれぞれ個別に表示するよ うにした請求項1乃至10、17のいずれかに記載の光 学特性測定装置。

【請求項20】上記グラフィック表示には、さらに高次 収差、又は、少なくとも2次以上の全収差から算出した 点像強度分布を表示するようにした請求項17乃至19 のいずれかに記載の光学特性測定装置。

【請求項21】上記グラフィック表示は、プラチド像 と、少なくとも2次以上の収差を含む被検眼の全収差 した請求項1乃至10のいずれかに記載の光学特性測定 装置。

【発明の詳細な説明】

[0001]

【発明の属する技術分野】本発明は、光学特性測定装置 に係り、特に、複数の条件下での測定による各種データ をグラフィック表示する光学特性測定装置に関する。 [0002]

【従来の技術】近年、医学用に用いられる光学機器は、 極めて多種多様な広がりを見せている。との光学機器 は、特に、眼科では、眼の屈折力、調節等の眼機能、眼 球内部の検査を行う光学特性測定装置として普及してい る。また、これらの各種検査の測定結果は、例えば、検 査対象となる患者の被測定眼がどのような測定条件下に 置かれていたかが重要となる。例えば、眼の瞳孔は、明 るい所では小さく、暗い所では大きくなるため、測定条 件として、照度も考慮する必要があり、さらに、被測定 眼の測定範囲も重要である。

【0003】また、眼に含まれる網膜、角膜、それ以外 の部位の形状は、患者によってそれぞれ特有なものであ る場合が多く、眼科医等が患者の被測定眼に対する診断 等を迅速に行うためには、被測定眼の各部位に関する収 差等の各種データを、まとめて、又は、所望のデータを 選択して表示することが望ましい。これにより、眼科医 等は、各種診断(所見)を患者に対してわかり易く説明 することもできる。

【0004】また、この各種データは、眼の光学特性に 相当し、例えば、数値データとイメージデータ(グラフ ィックデータ)とに区分すると共に、これらの数値デー タとグラフィックデータとに対して、光学機器の撮像手 50 スが大きく、時間コヒーレンスが小さいものが望まし

段(例えば、CCD)によって撮影された各種画像を処 理又は合成して視覚的に見易い状態にすることが必要で ある。さらに、各種データの測定結果、測定データ、測 定結果に対応する数値データは、複数の条件下で表示が 行われる必要がある。

[0005]

【発明が解決しようとする課題】しかしながら、従来の 光学特性測定装置では、測定データ(測定結果)及び測 定結果に対応する画像データや数値データ等、複数の条 件下で求められた各種データを、まとめて表示し、又 は、選択的にそれぞれ表示し、視覚的に見易くすること は困難である場合が想定される。

[0006] 本発明は、以上の点に鑑み、複数の条件下 で求めた測定データ(測定結果)、測定結果に対応する 画像データ及び/又は数値データをまとめて、又は、選 択的に表示する光学特性測定装置を提供することを目的 とする。また、本発明は、被測定眼の全体、角膜、眼内 等に対して、測定データ(測定結果)、測定結果に対応 する画像データ及び/又は数値データをまとめて、又 と、3次以上の収差を含む高次収差とを表示するように 20 は、選択的にグラフィック表示等を用いて表示する光学 特性測定装置を提供することを目的とする。

[0007]

【課題を解決するための手段】本発明の解決手段による と、被測定眼に所定パターンの光束を照射する光源部を 含む照射光学系と、被測定眼からの反射光を受光する受 光部を含む受光光学系と、上記受光部からの測定データ を示す受光信号に基づき、測定結果をグラフィック表示 となるように演算する演算部と、上記受光信号に基づい た測定データと、上記演算部で求められた測定結果と 30 を、グラフィック表示する表示部とを備えた光学特性測 定装置を提供する。

[0008]

【発明の実施の形態】以下、図面を用いて本発明の実施 の形態を詳細に説明する。図1は、本発明に関する光学 特性測定装置100の概略光学系を示す図である。光学 特性測定装置100は、例えば、対象物である被測定眼 60の光学特性を測定する装置であって、第1照明光学 系10と、第1受光光学系20と、送受光光学系30 と、共通光学系40と、調整用光学系50とを備える。 なお、被測定眼60については、図中、網膜61、角膜 62が示されている。第1照明光学系10は、例えば、 第1波長の光束を発するための第1光源部11と、集光 レンズ12とを備え、第1光源部11からの光束で被測 定眼60の網膜(眼底)61上の微小な領域を、その照 明条件を適宜設定できるように照明するためのものであ る。なお、ここでは、一例として、第1光源部11から 発せられる照明用の光束の第1波長は、赤外域の波長 (例えば、780nm) である。

【0009】また、第1光源部11は、空間コヒーレン

い。ここでは、第1光源部11は、例えば、スーパール ミネッセンスダイオード (SLD) であって、輝度の高 い点光源を得ることができる。なお、第1光源部11 は、SLDに限られるものではなく、例えば、空間コヒ ーレンス、時間コヒーレンスが大きいレーザー等であっ ても、回転拡散板等を挿入し、適度に時間コヒーレンス を下げることで、利用することができる。さらに、空間 コヒーレンス、時間コヒーレンスが小さいLEDであっ ても、光量さえ十分であれば、例えば、光路の光源の位 置にピンホール等を挿入することで、利用することがで 10

【0010】第1受光光学系20は、例えば、コリメー トレンズ21と、被測定眼60の網膜61から反射して 戻ってくる光束(第1光束)の一部を、少なくとも17 本のビームに変換する変換部材であるハルトマン板22 と、このハルトマン板22で変換された複数のビームを 受光するための第1受光部23とを備え、第1光束を第1 受光部23に導くためのものである。また、ことでは、 第1受光部23は、リードアウトノイズの少ないCCD が採用されているが、CCDとしては、例えば、一般的 20 な低ノイズタイプ、測定用の2000*2000素子の 冷却CCD等、適宜のタイプのものを適用することがで きる。

【0011】送受光光学系30は、例えば、後述するア ライメント調整を主に行うものであって、第2波長の光 束を発するための第2光源部31と、集光レンズ32、 34と、ビームスプリッター33と、第2受光部35と を備え、被測定眼60の角膜62から反射して戻ってく る光束(第2光束)を、第2受光部に導くためのもので あって、主にアライメント調整を行う。また、第2光源 30 れる。まず、作動距離調整は、例えば、第4光源部55 部31から発せられる光束の第2波長は、例えば、第1 波長(ここでは、780nm)と異なると共に、長い波 長を選択できる(例えば、940nm)。

【0012】共通光学系40は、第1照明光学系10か ら発せられる光束の光軸上に配され、第1照明光学系 l 0、第1受光光学系20及び送受光光学系30に共通に 含まれ得るものであり、例えば、プラチドリング41 と、アフォーカルレンズ42と、ビームスプリッター4 3、45と、集光レンズ44とを備える。プラチドリン グ41は、後述するアライメント調整が完了した後、複 40 数の同心輪帯からなるパターンの指標を投影する。ま た、ビームスプリッター43は、第2光源部31の波長 を被測定眼60に送光(反射)し、被測定眼60の角膜 62から反射して戻ってくる第2光束を反射し、一方、 第1光源部11の波長を透過するようなミラー (例え ば、ダイクロミックミラー) で形成される。ビームスプ リッター45は、第1光源部11の波長を被測定眼60 に送光(反射)し、被測定眼60の網膜61から反射し て戻ってくる第1光束を、透過するようなミラー(例え ば、ダイクロミックミラー)で形成される。このビーム 50 光光学系20に含まれる第1受光部23は、変換部材で

スプリッター43、45によって、第1及び2光束が、 互いに他方の光学系に入りノイズとなることがない。 【0013】調整用光学系50は、例えば、後述する作 動距離調整を主に行うものであって、第3光源部51 と、第4光源部55と、集光レンズ52、53と、第3 受光部54を備え、主に作動距離調整を行うものであ る。ととで、アライメント調整について説明する。アラ イメント調整は、主に、送受光光学系30により実施さ

【0014】まず、第2光源部31からの光束は、集光 レンズ32、ピームスプリッター33、43、アフォー カルレンズ42を介して、対象物である被測定眼60を 略平行な光束で照明する。被測定眼60の角膜62で反 射した反射光束は、あたかも角膜62の曲率半径の1/ 2の点から射出したような発散光束として射出される。 この発散光束は、アフォーカルレンズ42、ビームスプ リッター43、33及び集光レンズ34を介して、第2 受光部35にスポット像として受光される。

【0015】 ここで、この第2受光部35上のスポット 像が光軸上から外れている場合、光学特性測定装置10 0本体を、上下左右に移動調整し、スポット像を光軸上 と一致させる。このように、スポット像が光軸上と一致 すると、アライメント調整は完了する。なお、アライメ ント調整は、被測定眼60の角膜62を第3光源部51 により照明し、この照明により得られた被測定眼60の 像が第2受光部35上に形成されるので、この像を利用 して瞳中心が光軸と一致するようにしてもよい。

【0016】つぎに、作動距離調整について説明する。 作動距離調整は、主に、調整用光学系50により実施さ から射出された光軸付近の平行な光束を、被測定眼60 に向けて照射すると共に、この被測定眼60から反射さ れた光を、集光レンズ52、53を介して第3受光部5 4で受光することにより行われる。また、被測定眼60 が適正な作動距離にある場合、第3受光部54の光軸上 に、第4光源部55からのスポット像が形成される。一 方、被測定眼60が適正な作動距離から前後に外れた場 合、第4光源部55からのスポット像は、第3受光部5 4の光軸より上又は下に形成される。なお、第3受光部 54は、第4光源部55、光軸、第3受光部54を含む 面内での光束位置の変化を検出できればいいので、例え ば、この面内に配された1次元CCD、ポジションセン シングデバイス (PSD) 等を適用できる。

【0017】つぎに、第1照明光学系10と第1受光光学 系20との位置関係を概略的に説明する。第1受光光学 系20には、ビームスプリッター45が挿入されてお り、このビームスプリッター45によって、第1照明光 学系10からの光は、被測定眼60に送光されると共 に、被測定眼60からの反射光は、透過される。第1受

あるハルトマン板22を通過した光を受光し、受光信号 を生成する。

【0018】また、第1光源部11と被測定眼60の網 膜61とは、共役な関係を形成している。被測定眼60 の網膜61と第1受光部23とは、共役である。また、 ハルトマン板22と被測定眼60の瞳孔とは、共役な関 係を形成している。さらに、第1受光光学系20は、被 測定眼60の前眼部である角膜62、及び瞳孔と、ハル トマン板22と略共役な関係を形成している。すなわ ち、アフォーカルレンズ42の前側焦点は、被測定眼6 0の前眼部である角膜62及び瞳孔と略一致している。 【0019】また、第1照明光学系10と第1受光光学系 20は、第1光源部11からの光束が、集光する点で反 射されたとして、第1受光部23での反射光による信号 ピークが最大となるように、連動して移動する。具体的 には、第1照明光学系10と第1受光光学系20は、第1 受光部23での信号ビークが大きくなる方向に移動し、 信号ビークが最大となる位置で停止する。これにより、 第1光源部11からの光束は、被測定眼の網膜61上で 集光する。

【0020】また、レンズ12は、光源11の拡散光を平行光に変換する。絞り14は、眼の瞳、あるいはハルトマンプレート21と光学的に共役の位置にある。絞り14は、径がハルトマンプレート21の有効範囲より小さく、いわゆるシングルパスの収差計測(受光側だけに目の収差が影響する方法)が成り立つ様になっている。レンズ13は、上記を満たすために、実光線の眼底共役点を前側焦点位置に、さらに、眼の瞳との共役関係を満たすために、後側焦点位置が絞り14と一致するように配置されている。

【0021】また、光線15は、光線24とビームスプリッター45で共通光路になった後は、近軸的には、光線24と同じ進み方をする。但し、シングルパス測定のときは、それぞれの光線の径は違い、光線15のビーム径は、光線24に比べ、かなり細く設定される。具体的には、光線15のビーム径は、例えば、眼の瞳位置で1mm程度、光線24のビーム径は、7mm程度になることもある(なお、図中、光線15のビームスプリッター45から眼底61までは省略している)。

【0022】つぎに、変換部材であるハルトマン板22 について説明する。第1受光光学系20に含まれるハルトマン板22は、反射光束を複数のビームに変換する波面変換部材である。ここでは、ハルトマン板22には、光軸と直交する面内に配された複数のマイクロフレネルレンズが適用されている。また、一般に、測定対象部(被測定眼60)について、被測定眼60の球面成分、3次の非点収差、Zernikeの3次と4次の高次収差までも測定するには、被測定眼60を介した少なくとも17本のビームで測定する必要がある。

【0023】また、マイクロフレネルレンズは、光学素 50 第1受光光学系20全体を光軸方向に移動させるもので

子であって、例えば、波長ごとの高さピッチの輪帯と、 集光点と平行な出射に最適化されたブレーズとを備え る。ここでのマイクロフレネルレンズは、例えば、半導 体微細加工技術を応用した8レベルの光路長差を施した もので、高い集光率(例えば、98%)を達成してい る。

【0024】また、被測定眼60の網膜61からの反射光は、アフォーカルレンズ42、コリメートレンズ21を通過し、ハルトマン板22を介して、その1次光として第1受光部23上に集光する。また、ハルトマン板22は、少なくとも17の領域に区分された各領域ごとに、収束作用を行うマイクロレンズ部と、透過作用を行う開口部とを備えるようにしてもよい。したがって、ハルトマン板22は、反射光束を少なくとも17本以上のビームに変換する波面変換部材を備える。

【0025】図2は、本発明に関する光学特性測定装置 100の電気的構成を示す電気系ブロック図である。光学特性測定装置100に関する電気駆動系は、例えば、演算部210と、制御部220と、表示部230と、メ20 モリ240と、第1駆動部250及び第2駆動部260とを備える。演算部210は、第1受光部23から得られる受光信号の、第2受光部35から得られる受光信号の、第3受光部54から得られる受光信号(10)を入力すると共に、全波面収差、角膜波面収差、ゼルニケ係数、収差係数、Strehl比、白色光MTF、ランドルト環バターン等(詳細は後述する。)を演算し、この演算結果に応じた信号を、電気駆動系の全体の制御を行う制御部220と、表示部230(各種の表示例については、後述する。)と、メモリ240とにそれぞれ出力する。

【0026】制御部220は、演算部210からの制御信号に基づいて、第1光源部11の点灯、消灯を制御したり、第1駆動部250及び第2駆動部260を制御するものであり、例えば、演算部210での演算結果に応じた信号に基づいて、第1光源部11に対して信号のを出力し、ブラチドリング41に対して信号のを出力し、第2光源部31に対して信号のを出力し、第3光源部51に対して信号のを出力し、第4光源部55に対して信号のを出力し、第4光源部55に対して信号のを出力し、さらに、第1駆動部250及び第2駆動部260に対して信号を出力する。

【0027】第1駆動部250は、例えば、演算部に入力された第1受光部23からの受光信号のに基づいて、第1照明光学系10全体を光軸方向に移動させるものであり、図示しない適宜のレンズ移動手段に対して信号のを出力すると共に、このレンズ移動手段を駆動する。これにより、第1駆動部250は、第1照明光学系10の移動、調節を行うことができる。

【0028】第2駆動部260は、例えば、演算部に入力された第1受光部23からの受光信号のに基づいて、第1四米米学家200分体を米軸方向に移動させるよので

(6)

10

あり、図示しない適宜のレンズ移動手段に対して信号3 を出力すると共に、このレンズ移動手段を駆動する。と れにより、第2駆動部260は、第1受光光学系20の 移動、調節を行うことができる。

【0029】図3は、本発明に関する光学特性測定装置 100の動作を示すフローチャートである。なお、説明 の便宜上、ととでのフローチャートの説明は、概略的な ものとし、具体的な説明は後述する。まず、測定者によ り測定対象物である被測定眼60の測定が開始され、第 1受光部23又は第2受光部35からの像(例えば、ハ ルトマン像、前眼部像)を取得する(S101)。つぎ に、眼の収差測定に関しては、ステップS101でのハ ルトマン像に関する数値データである、ハルトマン板2 2と第1受光部23との距離及び、座標等に基づいて、 ゼルニケ係数を算出し、角膜収差測定に関しては、プラ チドリング像のゆがみによる変位量等に基づいてゼルニ ケ係数を算出する(S103)。このゼルニケ係数に基 づいて、被測定眼60の波面または角膜収差を算出する (S105).

【0030】つぎに、ステップS101~105から得 20 ;」(対象物で変化しない固定値であって、ととでは、 られた各種データを、表示部230にどのように表示す るか表示モード選択を行う(S107)。なお、この各 種データは、複数の条件下で求めた測定データ(測定結 果)、測定結果に対応する画像データ及び/又は数値デ ータとして、まとめて、又は、選択的に表示部230に グラフィック表示することができる(詳細は、後述)。 また、ステップS107で選択された表示モードに応じ て、各種画像及び/又はデータを表示部230に表示す る(S109)。

の表示例を、表示部230に表示させる場合、ステップ S107で選択した表示モード選択を変更するために、 再度、表示モード選択を行う(S111)。一方、ステ ップS107で選択した表示モード選択を変更しない場 合、測定を終了するか否かを判定する(S113)。ス テップS113で測定を終了しない場合には、再度、像*

*の取得を行う。一方、測定を終了する場合には、測定を 終了する。以下、上述の各ステップの処理について詳細 に説明する。

【0032】(ステップS101について)

(表示部230に表示される被測定眼60の像につい て) との像は、例えば、ハルトマン板22上に開けられ た開口部を通過したことにより得られる、いわゆるハル トマン像であると共に、撮像手段であるCCDを適用し た第1受光部23によって撮像された生画像である。ま 10 た、例えば、患者の被測定眼60に対して第1受光光学 系20の調整が不足気味であれば、ハルトマン板22で 変換された複数のビームは、概ね外側に広がる傾向にあ る (後述する表示例に含まれるハルトマン像上に示した 矢印に対応)。

【0033】(ステップS103、105について) (眼の収差マップ、角膜収差マップ、俯瞰図と、数値デ ータである眼の収差表示部、角膜収差表示部とを、表示 部230に表示する際、必要とされるゼルニケ係数につ いて) ととで、一般に知られているゼルニケの多項式 Z 既知である)を用いてゼルニケ係数Ci 」を算出する方 法について説明する。

【0034】まず、ゼルニケ係数Ciiは、被測定眼の 光学特性を把握するための重要なバラメータである。こ のパラメータは、例えば、ハルトマン板22を介して第 1受光部23で得られた光束の傾き角に基づいて、被測 定眼60の光学特性を求める演算部210の動作原理と なる。光学特性測定装置100は、被測定眼60の波面 収差(W(X,Y)とする)を測定する。このため、変 【0031】また、ステップS109での表示例とは別 30 換部材であるハルトマン板22の縦横の座標を(X. Y) とし、さらに、第1受光部23の縦横の座標を (x, y)とすると、一般に、以下の数式3で表される 波面収差W(X, Y)は、同じく、以下の数式1及び数 式2の関係が成り立つ。すなわち、

[0035]

【数1】

$$\frac{\partial W(X,Y)}{\partial X} = \frac{\Delta x}{f}$$

[0036]

※ ※【数2】

$$\frac{\partial W(X,Y)}{\partial Y} = \frac{\Delta y}{f}$$

[0037] CCで、f:ハルトマン板22と第1受光 50 部23との距離である。

* *【数3】

[0038]

$$W(X,Y) = \sum_{i=0}^{n} \sum_{j=0}^{i} c_{ij} Z_{ij}(X,Y)$$

11

【0039】また、数式3の両辺を、ハルトマン板22 ※1,は、以下の数式4及び数式5で表され、具体的に 上の座標(X, Y)で偏微分することにより、ゼルニケ 10 は、図19、20に示される。 係数Cijを得る。ことで、ゼルニケの多項式Z

$$Z_{nm} = R_n^{n-2m} (r) \left\{ \frac{\sin}{\cos} \right\} \left\{ (n-2m)\theta \right\}$$

$$n-2m > 0$$
のとき sin
$$n-2m \le 0$$
のとき cos

【数5】

$$R_n^{n-2m}(r) = \sum_{S=0}^m (-1)^S \frac{(n-S)!}{S!(m-S)!(n-m-S)!} r^{n-2m}$$

また、ゼルニケ係数Cijは、以下の数式6の自乗誤差 を最小にすることにより、具体的な値を得ることができ★30 【数6】

$$S(x) = \sum_{i=1}^{data \, number} \left[\left\{ \frac{\partial W(X_i, Y_i)}{\partial X} - \frac{\Delta x_i}{f} \right\}^2 + \left\{ \frac{\partial W(X_i, Y_i)}{\partial Y} - \frac{\Delta y_i}{f} \right\}^2 \right]$$

【0040】(ステップS107、109について)と とで、複数の条件下で求めた測定データ(測定結果)、 測定結果に対応する画像データ及び/又は数値データ する場合の表示例について説明する。まず、ステップS 107による表示モード選択では、例えば、測定者が後 述する第1~8の表示例のうち所望の表示例を選択する ことができる。なお、測定者は、第1~8の表示例に含 まれる各要素を選択的に表示することもできる。ここ で、説明の便宜上、第1~8の表示例に含まれる各要素 についてそれぞれ説明する。

【0041】(表示部230に表示される眼の収差表示 部に含まれる収差係数について)被測定眼の収差成分 を、まとめて、又は、選択的に、表示部230上に表示 40 を、例えば、収差係数(ここでは、単位: μ m)として 数値化する場合、ゼルニケ係数(n=1、2、3、4、 5、6)であるとき、収差係数のRMS値(平均2乗誤 差) をそれぞれS1、S2、S3、S4、S5、S6と すると、

[0042]

【数7】

$$S3 = \frac{1}{2\sqrt{2}} \sqrt{C_{30}^{2} + C_{31}^{2} + C_{32}^{2} + C_{33}^{2}}$$

$$S4 = \frac{1}{\sqrt{10}} \sqrt{C_{40}^{2} + C_{41}^{2} + 2C_{42}^{2} + C_{43}^{2} + C_{44}^{2}}$$

$$S5 = \frac{1}{2\sqrt{3}} \sqrt{C_{50}^{2} + C_{51}^{2} + C_{52}^{2} + C_{53}^{2} + C_{54}^{2} + C_{55}^{2}}$$

$$S6 = \frac{1}{\sqrt{14}} \sqrt{C_{60}^{2} + C_{61}^{2} + C_{62}^{2} + 2C_{63}^{2} + C_{64}^{2} + C_{65}^{2} + C_{66}^{2}}$$

$$S1 = \frac{1}{2} \sqrt{C_{10}^{2} + C_{11}^{2}}$$

$$S2 = \frac{1}{\sqrt{6}} \sqrt{C_{20}^{2} + 2C_{21}^{2} + C_{22}}$$

$$S(3+5) = \sqrt{S3^{2} + S5^{2}}$$

【0043】となる。ここで、S1は、チルトを意味 し、S3、S5、S(3+5)は、コマ様収差となり、 同じく、S2、S4、S6、S(4+6)は、球面様収 差となる。なお、通常、S2を除きS3以上の収差を高 次収差と呼ぶ。つぎに、この高次収差の分類について説 明する。高次収差は、例えば、ゼルニケ係数Cij中の $sin(n\theta)$ 、 $cos(n\theta)$ のnの値により分類さ れる(ゼルニケ係数Ci, は、上述の数式3及び数式4 に示すように、正弦及び余弦関数を含んでいる)。具体 的には、n = 0 (fold) であれば、球面収差となり、n= 1 (fold) であれば、コマ収差となり、同じく、n = 2 (fold) であれば、非点収差となり、さらに、n=3(fold) であれば、矢状収差とそれぞれ分類される。ま た、対称収差(コマ様収差)は、4次収差+6次収差を 意味し、同じく、非対称収差(球面様収差)は、3次収 差+5次収差を意味する。なお、高次収差の次数は、必 要に応じて決められるものであって、6次までに限ら ず、例えば、8次では3次+5次+7次がコマ様収差、 4次+6次+8次が球面様収差をそれぞれ意味する。つ ぎに、ゼルニケ係数Ciiiを用いて、上述の各収差を表 現する場合について説明する。図18は、ゼルニケ係数 Ci 」による各収差の表現形式600を示す図である。 各収差の表現形式600としては、例えば、各収差の名 称、ゼルニケ収差係数、方向Ax(例えば、X軸から反 時計回り)、及び上述のRMSの平方にそれぞれ項目分 けされる。また、各収差の表現形式600は、図示のよ うに、3次球面収差を示す項目601、5次球面収差を

 $S(4+6) = \sqrt{S4^2 + S6^2}$

 $S(3+4+5+6) = \sqrt{S3^2 + S4^2 + S5^2 + S6^2}$

13

示す項目602、7次球面収差を示す項目603、3次コマ収差を示す項目604、矢状収差を示す項目60 5、5次コマ収差を示す項目606、3次非点収差を示す項目607、及び5次非点収差を示す項目608を含む。なお、これらの各収差は、主に、後述する第5~8表示例において、眼及び角膜の収差表示として、一括、又は、選択的に表示部230上に表示される。

30 【0044】(表示部230に表示される白色光MTFについて)つぎに、白色光MTF(Modulation transferfunction)の算出について説明する。まず、MTFは、空間周波数の伝達特性を示す指標であって、光学系の性能を表現するために広く使われている。このMTFは、例えば、1度当たり、0~100本の正弦波状の濃淡格子に対しての伝達特性を求めることで見え方を予測することが可能である。

【0045】まず、単色MTFを波面収差W(x, y) から算出する。なお、W(x, y)は、入力値(測定 40 値)であって、角膜収差に関しては、角膜形状から求めた角膜波面収差を用いることもできる。瞳関数f(x, y)は、波面収差から以下のように求まる。

 $f(x, y) = e^{i k w (x \cdot y)}$

ことで、 i :鏡像、 k :波数ベクトル(2 π/λ)である。また、この瞳関数 f (x, y)をフーリエ変換することにより、点像の振幅分布U(u, v)が求まる。 【0046】

【数8】

$$U(u,v) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x,y) \exp \left[-\frac{i}{R} \frac{2\pi}{\lambda} (ux + vy) \right] dxdy$$

【0047】CCで、λ:波長、R:瞳から像点(網 膜)までの距離、(u, v):網膜上の像点Oを原点と し、光軸に直行する面内での網膜の座標値、(x, 幅分布U(u, v)とその複素共役を掛けることによ り、点像の強度分布(PSF: Point Spread Functio n) I (u, v) が求まる。

 $*I(u, v) = U(u, v)U^*(u, v)$ さらに、点像の強度分布I(u,v)をフーリエ変換す ると共に、いわゆる空間周波数変換である(R(r, y): 光学系の瞳面内の座標値である。また、点像の振 10 s)) 規格化を行うことにより、OTF (Optical Tran sfer Function) が求まる。

[0048]

* 【数9】

$$R(r,s) = \int_{-\infty}^{\infty} I(u,v) e^{-i2\pi(ru+sv)} du dv$$

【0049】ととで、r, s:空間周波数領域の変数で ある。

OTF (u, v) = R(r, s) / |R(0, 0)|また、OTFの大きさがMTFであるため、

MTF(r, s) = |OTF(u, v)|が成り立つ。つぎに、上述のように求められた単色MT Fに基づいて、白色光MTFを算出する。白色光MTF※

20%を求めるには、まず、各波長でのMTFに重み付けを し、足し合わせる。ここで、上述のMTFは、波長ごと に値が異なるため、波長λでのMTFをMTF、と表す

[0050] 【数10】

$$MTF(\mathbf{r},\mathbf{s}) = \frac{\int \omega_{\lambda} MTF_{\lambda}(\mathbf{r},\mathbf{s}) d\lambda}{\int \omega_{\lambda} d\lambda}$$

【0051】 ことでは、可視光に多く重み付けをし、計 算を行う。具体的には、色の3原色(RGB)である 赤、緑、青が、例えば、656.27nm:1、58 7. 56 n m: 2、及び486. 13 n m: 1 であると すると、

 $MTF(r, s) = (1 \times MTF_{6.5.6.2.7} + 2 \times M$ $TF_{587.56} + 1 \times MTF_{486.13}) / (1 +$ 2 + 1)

となる。

【0052】また、白色光MTFは、一波長(840n m)のみで測定されるので、この測定結果に基づいて他 の波長について校正を行い、白色に補正することにより 求めてもよい。具体的には、各波長でのMTFは、眼の 収差の場合、眼光学特性測定装置での測定波長が、例え ば、840nmであるとき、模型眼により各波長840 nmでの波面収差W₈ ₄ 。 (x, y) からのずれ量に相 当する色収差♥ል(x,y)を測定し、この色収差♥ል (x, y)にW_{a a o} (x, y)を足し合わせ、この波 50 となる。

面収差によりMTFを算出することにより求められる。 すなわち、

[0053]

 $W_{\lambda} (x, y) = W_{8 + 0} (x, y) + W_{\Delta} (x, y)$ となる。さらに、角膜波面収差の場合、測定された角膜 形状は波長に依存しないが、形状を波面収差に変換する ときに使用する角膜の屈折率が波長に依存すること、瞳 40 関数の式に波長がパラメータのひとつであることから、 MTFがこの場合も波長に依存することになる。

【0054】(表示部230に表示される眼の収差表示 部及び角膜収差表示部に含まれるStrehl比につい て) Strehl比(CCでは、S)は、上述のように 求められた点像の強度分布であるPSFの中心強度Ⅰ (0,0)を、無収差光学系の場合に得られるPSFの 中心強度 I。(0,0)で割ることにより、求められ る。すなわち、

 $S = I(0, 0) / I_0(0, 0)$

50

18

【0055】(表示部230に表示されるランドルト環、例えば、視力検査用のマークの表示、見え方について)図4は、ランドルト環の表示に関するフローチャートである。まず、測定者(例えば、眼科医等)は、患者の視力を検査するために適宜の視力に応じた大きさを有するランドルト環を、上述のハルトマン板22に取り付ける。第1受光部23は、この取り付けられたランドルト環の大きさに基づいて、視力いくつのランドル環であるかを判定する(S201)。このランドル環のバターンを示す輝度分布関数Land(x,y)を求める(S10203)。ここで、輝度分布関数Land(x,y)は、ハルトマン板22と第1受光部23との間でのXY座標のずれ(上述の撮影した生画像上に付与した矢印の長さをX方向、Y方向にそれぞれベクトル分解した値)に基づいて求められる。

【0056】つぎに、この輝度分布関数Land(x,y)に対して2次元フーリエ変換を行うことにより、FR(u,v)を求める(S205)。このFR(u,v)と、既に求めた上述のOTF(u,v)とをコンボリューションすることにより、眼の光学系通過後の周波 20数分布であるOR(u,v)を求める(S207)。このOR(u,v)に対して2次元逆フーリエ変換を行うことにより、LandImage(X,Y)を求める(S209)。

【0057】このステップS209で求められたLand Image(X, Y)は、表示部230の表示画面上にグラフィック表示される(S211)。なお、ここでは、瞳孔の大きさがゆ3(明視野)、及びゆ7(暗視野)両方での「視力0.7ランドルト環の見え方」として表示されている。以下、上述の各要素を、まとめて、又は選択的に表示した第1~8表示例について説明する。但し、表示部230に表示される同一要素には同一符号を付し、重複する説明を省略する。

【0058】(第1の表示例)図5は、表示部230に グラフィック表示される第1の表示例を示す説明図である。表示部230には、例えば、撮影した生画像である ハルトマン像300と、眼の収差マップ310と、眼の 収差表示部320と、白色光MTF表示330と、ラン ドル環の見え方表示340とが表示される。なお、この 表示部230には、例えば、患者の名前(ここでは、東 40 京 光子)、測定時刻(ここでは、2000年3月2日

午前8時4分)、複数の測定条件(ここでは、測定の 種類である波面測定、被測定眼60の種類である無散 瞳、測定波長である840nm、被測定眼60の測定範 囲であるゆ9mm)等が表示される。

【0059】ハルトマン像300は、例えば、患者の被測定眼60の網膜61からの反射光に基づいた画像であって、ここでは、患者のまぶた301も表示されている。また、ハルトマン像300は、ハルトマン板22を介して複数の略平行な光束が第1受光部23上に受光さ

れたと仮定した場合の像点302と、網膜61からの反射光が、ハルトマン板22に開けられた透過部又は開口部を介して、概ね外側に広がった光束として第1受光部23上に受光された場合での領域点303とを含む。また、このハルトマン像300に表示されている実線304(始点を像点302、終点を領域点303の中心とする)を第1受光部230級横の座標軸に沿って、ベクトル分解した場合に得られる値は、光束の変位を数値化したものであって、上述のゼルニケ係数を求める際に必要とされる Δx 、 Δy に相当する。

【0060】眼の収差マップ310は、例えば、明視野での瞳孔(とこでは、 ϕ 3 mm)を示す同心円311と、暗視野での瞳孔(とこでは、 ϕ 7 mm)を示す同心円312と、光束のずれを考慮したゼルニケ係数から算出された波面収差を等高線で表示した複数の略楕円状の環313とを含む。なお、この眼の収差マップ310の外周縁には、例えば、10 毎の目盛り(0~360)が表示され、視覚的にも見易いようになっている。また、眼の収差マップ310の近傍には、被測定眼60の測定範囲に応じたスケール(例えば、1.0 μ m毎、-5.0~5.0の目盛り)314が表示される。

【0061】ととで、波面収差として、被測定眼の低次収差を含めた全ての収差、又は、高次(3次以上)の収差が必要に応じて表示される。との波面収差の表示は、必要に応じて、色彩や、濃度などを変えてグラフィック表示が行われる。また、全ての収差は、2次以上の収差を初期値として表示するが、1次以上の収差を全収差として表示するよう選択することもできる。

【0062】眼の収差表示部320には、明視野(こと では、 ϕ 3 mm) 及び暗視野(ここでは、 ϕ 7 mm) で の各種の数値データが表示される。具体的には、上述し たゼルニケ係数を用いて算出された被測定眼60の収差 成分(例えば、コマ様収差、球面様収差)であって、数 値データである収差係数S3、S4、S5、S6、S3 +S5、S4+S6、S3+S4+S5+S6と、上述 の見易さの指標として使用される、いわゆるStreh 1比の数値データと、1/眼の焦点距離である球面度数 (CCでは、Sで表示され、単位D:いわゆるディオブ ター値)と、乱視度数(ここでは、Cで表示され、単位 D) と、乱視軸(ここでは、Aで表示され、単位。) と、視力(CCでは、PVA)とがそれぞれ表示され る。ここで、球面度数と乱視度数はゼルニケ係数の2次 項(S2)から求められる。なお、上述した眼の収差マ ップ310上に表示される複数の略楕円状の環313 は、これらの収差係数を考慮している。

【0063】白色光MTF表示330は、上述したように、正弦波格子などの見え方を示す指標であって、ここでは、横軸を空間周波数(cycle/deg)とし(例えば、1 当た00100本の黒線を施した場合に相当する値)、縦軸を白黒パターンの見え方の程度(01)と

成することができる。

20

するグラフとして表示される。具体的には、ここでは、 明視野(ここでは、φ3mm)で視力0.9である場合 でのグラフと、暗視野(ここでは、φ7mm)で視力 0. 7である場合でのグラフとが比較できるように、ま とめて表示されている。なお、グラフ上での斜線は、正 常範囲を示している。

【0064】ランドル環の見え方表示340は、上述し たように、視力検査用のマークが患者の網膜61上でど のように見えているのかを示している。ここでのランド ル環の見え方表示340は、例えば、明視野(ことで は、 φ3 mm) で、との測定結果である場合、視力0. 7に対応するランドル環は、ぼやけることなく細く良く 見えており、暗視野(ことでは、φ7mm)で、この測 定結果である場合、多少ぼやけるために太く見えている ととを示している。

【0065】図6(a)は、第1の表示例に対する変形 例を示す説明図(1)である。ここでは、第1の表示例 での表示部230に対して、撮影した生画像であるハル トマン像300に、波面収差を測定するのに使用した像 点の重心位置を、黒塗り三角形351として示したハル 20 トマン像350を表示した例を示している。とのハルト マン像350における図中、黒塗り三角形351は、ハ ルトマン板に設けられた格子点(小さな穴、開口又は透 過部分)と測定された照射領域点の対応がとれているも のであって、照射領域での重心位置に配置される。その 重心位置は、照射強度と照射位置に基づき、いわゆるモ ーメント法などの手法によって求めることができること を示す。

【0.066】また、ことでは、第1の表示例での表示部 230に対して、眼の収差マップ310に加えて、対応 30 がとれ、測定結果の得られたハルトマン板に設けられた 格子点をオーバーレイ表示した眼の収差マップ360を 表示した例を示している。

【0067】図6(b)は、第1の表示例に対する変形 例を示す説明図(2)である。ととでは、第1の表示例 での表示部230に対して、撮影した生画像であるハル トマン像300それ自体355を表示した例を示してい る。

【0068】図7は、第1の表示例に対する変形例を示 す説明図(3)である。ことでは、第1の表示例での表 示部230に対して、眼の収差マップ310の代わり に、被測定眼60の測定範囲での3次元形状を示す俯瞰 マップ370を表示した例を示している。俯瞰マップ3 70は、例えば、測定範囲φ9mmに応じて、瞳の中心 点を原点とした平面用スケール(ここでは、-4.5~ 4. 5) と、立体用スケール(ここでは、-5. 0~+ 5. 0μm)とを用いて3次元形状を表示している。な お、表示部2309では、上述のハルトマン像300、 350と、眼の収差マップ310、360と、俯瞰マッ プ370とを用いて、適宜の表示パターンを選択して作 50 m)に応じたスケール(例えば、 1.0μ m毎、-5.

【0069】また、上述の表示例によれば、明所時(瞳 径小、例えば、φ3 mm)、及び暗所時(瞳径大、例え ぱ ϕ 7 mm) での収差係数の表示を行うことで、両者を 比較することができる。また、例えば、眼科医、検査技

師等が、表示された収差係数の値が大きく、何らかの対 策(例えば、通院、入院等による治療)が必要であると 判断する貴重なデータとなり得る数値データについて は、注意度合いに応じて、例えば、正常値から離れてい

くにつれて、青→水色→黄緑→黄色→赤等のように色が 変化するように表示することもできる。

【0070】また、白色光MTF表示330について も、明視野及び暗視野での両方の表示を行うことができ る。また、測定によって得られた係数から矯正視力の表 示を行ってもよい。さらに、この矯正視力に基づいてラ ンドルト環の見え具合を推測したものを表示してもよ い。また、収差の単位は、 μ m、nm、 λ 等のいずれか を選択できるようにしてもよい。また、両眼表示の選択 を行えるようにしても良い。

【0071】(第2の表示例)図8は、表示部230に グラフィック表示される第2の表示例を示す説明図であ る。表示部230には、例えば、プラチド測定の表示3 80と、角膜収差マップ390と、角膜収差表示部40 0と、白色光MTF (φ3、φ7mm) の表示330 と、ランドル環の見え方の表示340とが表示されてい る。なお、ことでの被測定眼60の測定範囲は、例え ば、**φ**12 mmである。

【0072】プラチド測定の表示380は、上述したよ うに、アライメント調整が完了した後、複数の同心輪帯 381からなるパターンの指標を投影するプラチドリン グ41を用いて、第3光源51からの光束を、被測定眼 60の角膜62上に照射すると共に、この複数の同心輪 帯381を伴った角膜62からの反射光を、第2受光部 35上で受光した受光信号に基づく表示である。また、 ハルトマン板22を取り除くか調整することにより、受 光部23で測定することも可能である。測定されたプラ チドリング41の各座標における同心円からのずれを△ x, Δyとして、前述と同様にゼルニケ係数を算出し、 さらに波面を算出することにより角膜収差を求めること 40 ができる。

【0073】角膜収差マップ390は、明視野での瞳孔 (ここでは、φ3mm)を示す同心円311と、暗視野 での瞳孔(CCでは、φ7mm)を示す同心円312 と、光束のずれを考慮したゼルニケ係数から算出された 角膜収差を表示した等高線391とを含む。なお、この 角膜収差マップ390の外周縁には、例えば、10°毎 の目盛り(0~360)が表示され、視覚的にも見易い ようになっている。また、角膜収差マップ390の近傍 には、被測定眼60の測定範囲(ここでは、φ12m

0~5.0の目盛り)314が表示される。

【0074】角膜収差表示部400は、上述の眼の収差 マップ310に対して、1/(眼の焦点距離(単位メー トル))である球面度数S、乱視度数C、及び乱視軸A の代わりに、角膜のみを光学系としたときの度数である 角膜収差(ここでは、Dで表示され、単位D)と、曲率 半径mmと、軸方向(ことでは、Aで表示され、単位 ゜)と、最大曲率半径となるところを示すHと、最小曲 率半径となるところを示すVとが表示される。なお、眼 の収差表示部230が眼全体(すなわち、網膜61)に 基づいて算出されたものであるのに対し、角膜収差表示 部400は角膜62だけに基づいて算出されたものであ るので、眼の収差表示部320、及び角膜収差表示部4 00 に表示される具体的な数値データは、図示のように 異なっている。

【0075】(第3の表示例)図9は、表示部230に グラフィック表示される第3の表示例を示す説明図であ る。ととでは、第2の表示例での表示部230に対し て、プラチド測定の表示380の代わりに、角膜形状に よるAxial Powerマップ410、Refractive Powerマッ プ420、Instantaneous Powerマップ430のうちい ずれかを、まとめて、又は、選択的に表示させる。但 し、ことでの測定範囲は、例えば、ゆ9mmであって、 上述の角膜収差マップ390の測定範囲もこれと同等に して表示する。また、角膜形状によるPowerマップ41 0、420、430の近傍には、被測定眼60の測定範 囲(ここでは、ゆ9mm)に応じたスケール(例えば、 0.5D毎、35.5~52.0(D)の目盛り)を表 示してもよい(後述)。

【0076】 (第4の表示例) 図10は、表示部230 にグラフィック表示される第4の表示例を示す説明図で ある。この表示部230には、例えば、眼の収差マップ 310と、角膜収差マップ390と、この眼及び角膜の 収差マップ310、390に基づいて算出された眼内 (内部) 収差マップ440と、眼内(内部) 収差表示部 450とが表示されている。また、眼内(内部)収差マ ップ440は、例えば、眼内(内部)収差マップ440 に表示される眼内収差係数に基づいて表示される。との 眼内収差係数は、例えば、眼の収差マップ310を表示 させるための眼全体の収差係数から、角膜収差マップ3 90を表示させるための角膜収差係数を引くことにより 算出される数値データである。この表示例によれば、眼 内(内部)収差を表示することにより、眼の収差に与え る角膜収差以外の影響を考慮することができる。

【0077】図11は、第4の表示例に対する変形例を 示す説明図である。 ことでは、第4の表示例での表示部 230に対して、眼の収差マップ310、角膜収差マッ プ390、眼内(内部)収差マップ440に加えて、対 応がとれ測定結果の得られたハルトマン板に設けられた 格子点を各収差のカラーマップにオーバーレイ表示し

た、眼の収差マップ460、角膜収差マップ470、眼 内(内部)収差マップ480をそれぞれ表示した例を示 している。

【0078】図12は、角膜収差測定を示すフローチャ ートである。ことでは、特に、角膜収差測定の場合にお けるゼルニケ係数の算出(S103)及びゼルニケ係数 から波面算出(S105)について詳細に説明する。ま ず、第2受光部35からの信号に基づき、角膜頂点を基 準とし、プラチドリングの受光位置に応じて角膜形状の 高さを示す角膜形状のマップ(Hight Map)のデータを算 出する(S301)。ステップS301で求めた角膜形 状になるべくフィットする参照球面の形状を算出する (S302)。これにより、ゼルニケ係数の算出精度の 向上が図れる。測定範囲(例えば、φ3、φ7)に応じ て必要な個所を求めれば足りる。

【0079】つぎに、角膜形状の成分から参照球面の成 分を減算する(S303)。これにより、参照球面との 相違のみの残差成分が求められる。ことで、参照球面の 球面収差を算出する(S304)。ステップS303で 20 求めた残差成分の波面収差を算出する(S305)。ま た、測定波面と参照球面の波面収差を合成したのちにゼ ルニケ係数を算出する第1測定モードと、ゼルニケ係数 を測定波面と参照球面の波面収差のそれぞれの収差に対 して求めて、ゼルニケ係数を合成する第2測定モードと の間で選択が行われる(S306)。ととで、第1測定 モードの選択がされるとステップS307に進み、第2 測定モードが選択されるとステップS309に進む。

【0080】第1測定モードでは、ステップS304で 求められた参照球面の波面収差と、ステップ S 3 0 5 で 30 求められた残差成分の波面収差を加えた後、それらの波 面収差を角膜波面収差として求める(S307)。さら に、ステップS307で求められた角膜波面収差のゼル ニケ係数を算出する(S308)。なお、このゼルニケ 係数は、角膜収差を示している。これが終了すると、図 3のステップS107に進み、表示モードが選択されそ の後の処理に進む。

【0081】一方、ステップS306において、第2測 定モードが選択されると、参照球面の波面収差からゼル ニケ係数を算出する(S309)。つぎに、ステップS 305で求められた残差成分の波面収差からゼルニケ係 数を算出する(S310)。ステップS309、S31 0で求められたゼルニケ係数を合成して、角膜収差を求 める(S311)。これが終了すると、図3のステップ S107に進み、表示モードが選択されその後の処理に 進む。

【0082】 (第5の表示例) 図13は、表示部230 にグラフィック表示される第5の表示例を示す説明図で ある。表示部230は、例えば、眼の収差と角膜の収差 とを一括表示したものであって、眼の収差表示として

50 は、上述の第1の表示例で示した撮影した生画像である

ハルトマン像300(ととでは、Imageと表示し、 詳細な画像は、省略する)と、少なくとも2次以上の収 差を含む被検眼の全収差315と、3次以上の収差を含 む髙次収差316とを含み、さらに、角膜の収差表示と しては、上述の第2の表示例で示したプラチド測定の表 示であるプラチド像380 (CCでは、Imageと表 示し、詳細な画像は、省略する)と、上述の第3の表示 例で示したAxial Power マップ410と、角膜高次収差 マップ395とを含む。さらに、表示部230には、眼 の収差と角膜の収差に対応した数値データを含む眼及び 角膜の収差表示部490が表示される。

【0083】また、全収差315、及び高次収差316 の表示形態は、第1の表示例で詳述した眼の収差マップ 310と略同様であり、ここでは、その詳細な表示を省 略する。また、角膜高次収差マップ395の表示形態 は、第2の表示例で詳述した角膜収差マップ390と略 同様であり、ことでは、その詳細な表示を省略する。ま た、ことでの各マップの近傍に表示されているスケール 314は、第1の表示例で詳述したスケールと同一であ る。なお、スケール314スケールの単位は、適宜変更 20 示を選択することもできる。 可能であって、例えば、全収差315のスケール単位と しては、-5.0~5.0 μ mだけでなく、-10.0~10.0 μm、又は、-15.0~15.0 μmに設 定してもよい。このように、スケール単位を変更するこ とで、球面度数が大きいときの変化をわかりやすく表示 することもできる。

【0084】また、Axial Power マップ410の近傍に は、ディオプター値(D)を示すスケール319が表示 される。各マップの近傍に表示されているスケール31 9は、ことでは、第2の表示例で詳述したスケールと同 30 一である。なお、スケール319のスケールの単位は、 適宜変更可能であって、35.5~52.0(D) に限 らない。また、ことでは、角膜のPower mapとして、Axi al Power マップ410を表示しているが、このAxial P ower マップ410の代わりに、例えば、第3の表示例 で示したRefractive Power420、Instantaneous Powe r430、及びゼルニケ係数から求めた後述する角膜の 全収差の球面成分にあたる項の係数C2」を眼の全収差 を表すゼルニケ係数のうち球面成分にあたる項の係数C 2 1 に置き換えた2次以上もしくは1次以上(選択可) の全収差を、選択的に表示するようにしてもよい。ま た、各収差マップの表示領域は、暗所時の瞳径(例えば φ6)又は、散瞳の瞳径(例えばφ8)で算出された収 差マップを表示するようにしてもよい。なお、角膜のPo wer mapの表示領域は、変更することができる。

【0085】また、眼及び角膜の収差表示部490は、 例えば、眼の収差表示については、第1の表示例で示し た眼の収差表示部320に対応し、同じく、角膜の収差 表示については、第2の表示例で示した角膜表示部40 0に対応している。但し、ことでは、後述する散瞳につ 50

いての数値データも表示される。眼及び角膜の収差表示 部490は、例えば、瞳の径に応じて、明所時、暗所 時、散瞳として区分した数値データを表示する。なお、 **とこでは、適宜の数値データが表示されるため、具体的** な数値は省略した。

【0086】 ここで、明所時とは、いわゆる明所視(pho topic vision)であって、比較的高いレベルの輝度数cd/ **㎡以上の明るさで観察している状態、生理学的には、錐** 体だけでものを見ている状態を意味する。暗所時とは、 いわゆる暗所視(scotopic)であって、暗く低い輝度レ 10 ベル輝度数(例えば、10⁻² cd/m²)で観察している状 態、生理学的には、主に棹体だけでものを見ている状態 を意味する。また、散瞳とは、いわゆるダイレイト(dil ate)であって、一般の暗所視よりも瞳径が更に拡大した 状態を意味しており、例えば、被験者が暗所時よりもさ らに暗い所で長時間過どした場合、被験者の瞳が自然に 暗所時よりも拡大する状態を意味する。なお、明所時、 暗所時及び散瞳に対応する瞳径は、それぞれ変更すると とができる。また、散瞳の表示については、表示/非表

【0087】また、全収差マップ315は、ここでは、 少なくとも2次以上の収差としたが、1次収差(チル ト)を含むことで、例えば、円錐角膜等、特殊な形状を 表示することができる場合も想定されるので、1次収差 以上を全収差として表示してもよい。

【0088】(第6の表示例)図14は、表示部230 にグラフィック表示される第6の表示例を示す説明図で ある。表示部230は、例えば、眼の収差と角膜の収差 とを選択的に表示したものであって、ここでは、説明の 便宜上、眼の収差と角膜の収差表示の2つのバターンを 兼用して示している。眼の収差表示としては、上述の第 1の表示例で示した撮影した生画像であるハルトマン像 300 (ことでは、Image 385 と表示し、詳細な 画像は、省略する)と、3次以上の収差を含む高次収差 316と、高次収差316に含まれる各高次収差を非対 称収差と対称収差とにそれぞれ分けて表示したコマ様収 差マップ317、球面様収差マップ318と、球面成分 に対応する波面収差Sのマップ500と、非点収差(乱 視成分) に対応する波面収差Cのマップ510とを含 む。

【0089】また、角膜の収差としては、上述のハルト マン像300の代わりに、第2の表示例で示したプラチ ド測定の表示であるプラチド像380(ことでは、Im age385と表示し、詳細な画像は、省略する)を表 示する以外は、眼の収差表示と略同一であるため説明を 省略する。なお、眼及び角膜の収差表示部495には、 第5の表示例で示した眼及び角膜の収差をまとめて表示 する眼及び角膜の収差表示部490に対して、眼の収 差、又は、角膜の収差が選択的に表示される。

【0090】ここで、球面成分に相当する波面収差Sの

マップ500は、例えば、第2駆動部260により第1 受光光学系20が移動された移動量に対応するディオプ ター値(Smotor)と、得られたハルトマン像30 0から求めた球面成分に対応するゼルニケ係数をディオ ブター値に換算した値とに基づいて、算出される。すな わち、

 $S = S_{m \cdot c \cdot c \cdot r} - 2 C_{2 \cdot 1} / (r \cdot c)^{2}$ となる。ここで、Smo, 。: 第1及び2駆動部25 0、260の移動量に対応するディオプター値、rc: 解析してマップに表示する瞳径である。一方、この波面 10 収差Sのマップ500を表示する場合には、第1受光光 学系20が移動された移動量に対応するディオプター値 (Smotor)をゼルニケ係数に換算し、これにハル トマン像300から求めた球面成分に対応するゼルニケ 係数を加えることで算出する。

【0091】図15は、第6の表示例に対する変形例を 示す説明図である。ととでは、第6の表示例での表示部 230に対して、球面成分に対応する波面収差5のマッ プ500、及び非点収差(乱視成分)に対応する波面収 差Cのマップ510の代わりに、第5の表示例で示した 20 全収差マップ315と、全収差マップ315及び第6の 表示例で示した高次収差マップ316から算出した点像 強度分布(PSF)520とを表示させると共に、高次 収差マップ316、コマ様収差マップ317、及び球面 様収差マップ318の表示位置を変更してそれぞれ表示 した例を示している。

【0092】また、点像強度分布 (PSF) 520の表 示は、3次以上の高次収差の影響を受けた点像強度分布 (PSF)を表示するモードと、2次以上を含む全収差 の点像強度分布(PSF)を表示するモードとを選択す ることができる。なお、眼及び角膜の収差表示部495 は、第6の表示例と同一であり、説明を省略する。

【0093】(第7の表示例)図16は、表示部230 にグラフィック表示される第7の表示例を示す説明図で ある。表示部230は、眼の収差と角膜の各収差を個別 に表示するものであって、眼及び角膜の収差に関して は、その各収差を、例えば、球面成分、非点成分、コマ 収差、矢状収差、残余収差としてそれぞれ表示させる。 表示部230には、具体的には、第6の表示例で示した 球面成分に対応する波面収差Sのマップ500、非点収 差(乱視成分)に対応する波面収差Cのマップ510、 コマ収差マップ525、矢状収差マップ530、3次球 面収差マップ540、5次非点収差マップ550、5次 球面収差マップ560、残余収差マップ570がそれぞ れ表示される。なお、ここでの各波面収差の表示形態 は、第1の表示例で示した眼の収差マップと同じ形態で あり、その詳細な表示は、省略する。

【0094】とこで、図18に戻って説明すると、波面 収差Cのマップ510は、3次非点収差の項目607に

されている、ゼルニケ収差係数(C=)、方向(Ax =)には、項目607に記述されているそれぞれの値が 表示される。コマ収差マップ525は、3次コマ収差の 項目604に対応している。このコマ収差マップ525 の近傍に表示されている、収差係数の平均2乗誤差(R MS=)、方向(Ax=)には、項目604に記述され ているそれぞれの値が表示される。矢状収差マップ53 0は、矢状収差の項目605に対応している。この矢状 収差マップ530の近傍に表示されている、収差係数の 平均2乗誤差 (RMS=)、方向 (Ax=) には、項目 605に記述されているそれぞれの値が表示される。3 次球面収差マップ540は、3次球面収差の項目601 に対応している。この3次球面収差マップ540の近傍 に表示されている、収差係数の平均2乗誤差 (RMS =)には、項目601に記述されている値が表示され

【0095】5次非点収差マップ550は、5次非点収 差の項目608に対応している。との5次非点収差マッ プ550の近傍に表示されている、収差係数の平均2乗 誤差 (RMS=)、方向 (Ax=) には、項目608に 記述されているそれぞれの値が表示される。5次球面収 差マップ560は、5次球面収差の項目602に対応し ている。この5次球面収差マップ560の近傍に表示さ れている、収差係数の平均2乗誤差(RMS=)には、 項目602に記述されている値が表示される。残余収差 マップ570は、髙次収差として利用したゼルニケ多項 式の各項以外の項(具体的には、Z40、Z44、Z 50 \ Z₅₁ \ Z₅₂ \ Z₅₃ \ Z₅₄ \ Z₅₅ \ Z e o 、 Z e 1 、 Z e 2 、 Z e 4 、 Z e 5 、 Z e e 等) に よる収差の総和を意味する。

【0096】(第8の表示例)図17は、表示部230 にグラフィック表示される第8の表示例を示す説明図で ある。表示部230は、眼の収差と角膜の各収差を選択 的に表示するものであって、例えば、表示部230の上 段には、ハルトマン像300、全収差マップ315、乱 視+高次収差マップ580、高次収差マップ316が表 示され、下段には、球面収差(各次数を含む)585、 コマ収差(各次数を含む)590、高次非点収差(但 し、乱視成分を除く)595、矢状収差マップ530が 表示される。乱視+高次収差マップ580は、例えば、 第5の表示例で示した高次収差マップ316と、第6の 表示例で示した乱視成分に対応する波面収差のマップ5 10とに基づいて表示される。球面収差585は、例え ば、上述した次数の各球面収差に基づいて表示される。 コマ収差590は、例えば、上述した次数の各コマ収差 に基づいて表示される。 高次非点収差595は、例え ば、上述した次数の各高次非点収差に基づいて表示され る(但し、乱数成分に対応する3次非点収差は除く)。 【0097】(第9の表示例)図21は、表示部230 対応している。この波面収差マップ510の近傍に表示 50 にグラフィック表示される第9の表示例を示す説明図で

ある。第1表示例として示した図5又は第2表示例とし て示した図8中のMTF表示などの代わりに、又はこれ に追加して表示することができる表示態様を示す。図2 1左側には、被測定眼60の光学特性を示すPSFを等 高線により平面上に示した図を配置し、右側には、MT Fを等髙線により平面的に示した図を配置している。そ れらの横には、いわゆるStrehl比の数値データが 表示されている。とこで示した平面上のPSFの図は、 Streh1比で規格化して表示されている。さらにそ の下側には、測定した光学特性により観察されると推定 10 される異なる数種類の視力に対応したランドルト環の見 え方が、視力値の数字とともに表示される。これら3種 類の表示形態を同時に観察できるため、迅速かつ的確な 判断が可能となる。

(第10の表示例)図22は、表示部230にグラフィ ック表示される第10の表示例を示す説明図である。第 1表示例として示した図5又は第2表示例として示した 図8中のMTF表示などの代わりに、又はこれに追加し て表示することができる表示態様を示す。図22左側に は、被測定眼60の光学特性を示すPSFを等高線によ 20 表示例を示す説明図。 り平面上に示した図を下段にそのPSFを立体的に表示 した図を上段に配置している。ここで示した平面上のP SFの図は、Strehl比で規格化して表示されてい る。さらに、その右側には、被測定眼60の光学特性を 示すMTFを二次元又は所定の軸方向の断面、又は、x 方向、y方向及びその平均のいずれか又は複数(例え ば、3つ)の断面で示した図、を上段に、等髙線により 平面的に示した図を下段に配置している。それらの横に は、いわゆるStreh1比の数値データが表示されて いる。一番右側には、測定した光学特性により観察され 30 ると推定される異なる数種類の視力に対応したランドル ト環の見え方が視力値の数字とともに表示される。これ ら3種類の表示形態を同時に観察できるため、迅速かつ 的確な判断が可能となる。このように、本実施の形態に よる光学特性測定装置100では、例えば、複数の条件 下で求めた測定データ(測定結果)、測定結果に対応す る画像データ及び/又は数値データを、必要に応じてま とめて、又は、選択的に、表示部230上にグラフィッ ク表示することができる。なお、上述の各表示例で示し たハルトマン像や収差図には、すべて前眼部像、解析に 40 用いることのできたスポット重心位置、このスポット重 心位置に対応する参照格子点を、それぞれ重ね合わせて 表示するとともできる。

[0098]

【発明の効果】本発明によると、以上説明した通り、複 数の条件下で求めた測定データ(測定結果)、測定結果 に対応する画像データ及び/又は数値データをまとめ て、又は、選択的に表示することができる。また、本発 明によると、被測定眼の全体、角膜、眼内に対して、測 定データ(測定結果)、測定結果に対応する画像データ 50 22 ハルトマン板

及び/又は数値データをまとめて、又は、選択的にそれ ぞれ表示することができる。

【図面の簡単な説明】

【図1】本発明に関する光学特性測定装置100の概略 光学系を示す図。

【図2】本発明に関する光学特性測定装置100の電気 的構成を示す電気系ブロック図。

【図3】本発明に関する光学特性測定装置100のフロ ーチャート。

【図4】ランドルト環の表示に関するフローチャート。

【図5】表示部230にグラフィック表示される第1の 表示例を示す説明図。

【図6】第1の表示例に対する変形例を示す説明図 (1), (2)

【図7】第1の表示例に対する変形例を示す説明図 (3).

【図8】表示部230にグラフィック表示される第2の 表示例を示す説明図。

【図9】表示部230にグラフィック表示される第3の

【図10】表示部230にグラフィック表示される第4 の表示例を示す説明図。

【図11】第4の表示例に対する変形例を示す説明図。

【図12】角膜収差測定を示すフローチャート。

【図13】表示部230にグラフィック表示される第5 の表示例を示す説明図。

【図14】表示部230にグラフィック表示される第6 の表示例を示す説明図。

【図15】第6の表示例に対する変形例を示す説明図。

【図16】表示部230にグラフィック表示される第7 の表示例を示す説明図。

【図17】表示部230にグラフィック表示される第8 の表示例を示す説明図。

【図18】ゼルニケ係数Cijによる各収差の表現形式 600を示す図。

【図19】ゼルニケの多項式Z、」の極座標表示による 収差への分類を示す図(1)。

【図20】ゼルニケの多項式Zi」のXY座標表示によ る収差への分類を示す図(2)。

【図21】表示部230にグラフィック表示される第9 の表示例を示す説明図。

【図22】表示部230にグラフィック表示される第1 0の表示例を示す説明図。

【符号の説明】

10 第1照明光学系

11、31、51、55 第1~4光源部

12、32、34、44、52、53 集光レンズ

20 第1受光光学系

21 コリメートレンズ

(16)

特開2002~209854

30

23、35、54 第1~3受光部

30 送受光光学系

33、43、45 ビームスプリッター

40 共通光学系

41 プラチドリング

*42 アフォーカルレンズ

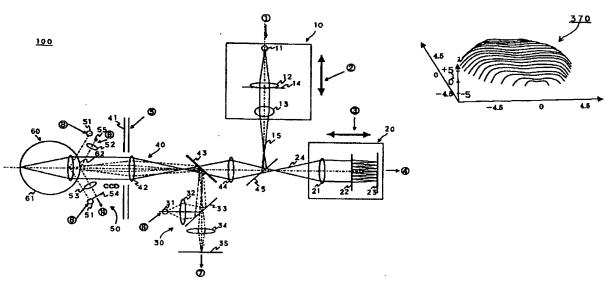
50 調整用光学系

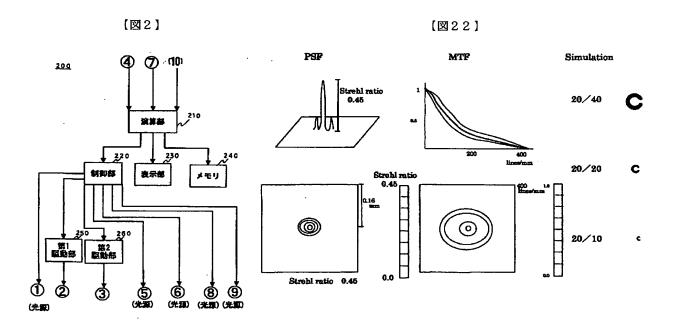
60 被測定眼

100 光学特性測定装置

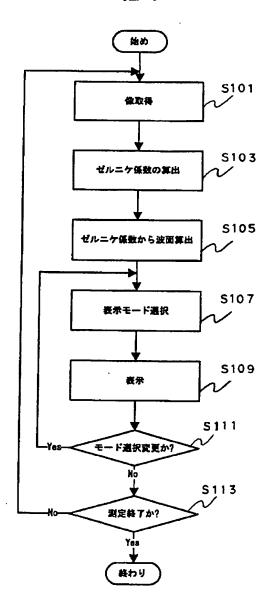
*

[図1]





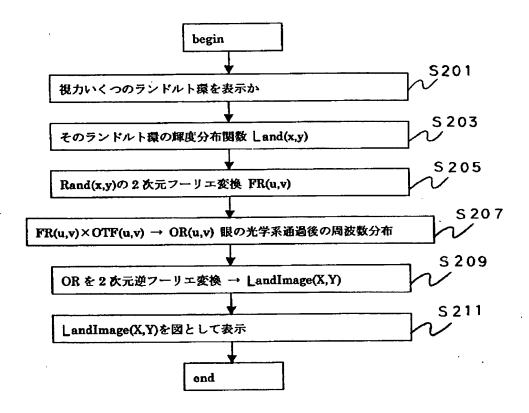




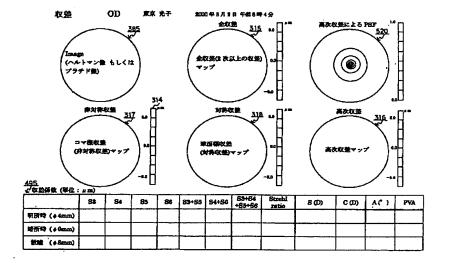
【図19】

i j 0 0 1 1 $r \sin(t)$ 1 1 $\cos(t) r$ 2 0 $r^2 \sin(2t)$ 2 1 $2r^2 - 1$ 2 2 $r^2 \cos(2t)$ 3 0 $r^3 \sin(3t)$ 3 1 $(3r^3 - 2r) \cos(t)$ 3 2 $(3r^3 - 2r) \cos(t)$ 3 3 $r^3 \cos(3t)$ 4 0 $r^4 \sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(6r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$ 6 6 $r^6 \cos(6t)$			
1 0	_	_	
1 1 $\cos(t) r$ 2 0 $r^2 \sin(2t)$ 2 1 $2r^2 - 1$ 2 2 $r^2 \cos(2t)$ 3 0 $r^3 \sin(3t)$ 3 1 $(3r^3 - 2r) \sin(t)$ 3 2 $(3r^3 - 2r) \cos(t)$ 3 3 $r^3 \cos(3t)$ 4 0 $r^4 \sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(6r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	1	-	•
2 0 $r^2 \sin(2t)$ 2 1 $2r^2 - 1$ 2 2 $r^2 \cos(2t)$ 3 0 $r^3 \sin(3t)$ 3 1 $(3r^3 - 2r) \sin(t)$ 3 2 $(3r^3 - 2r) \cos(t)$ 3 3 $r^3 \cos(3t)$ 4 0 $r^4 \sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(5r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	- 1		
2 1 $2r^2-1$ 2 2 $r^2\cos(2t)$ 3 0 $r^3\sin(3t)$ 3 1 $(3r^3-2r)\sin(t)$ 3 2 $(3r^3-2r)\cos(t)$ 3 3 $r^3\cos(3t)$ 4 0 $r^4\sin(4t)$ 4 1 $(4r^4-3r^2)\sin(2t)$ 4 2 $6r^4-6r^2+1$ 4 3 $(4r^4-3r^2)\cos(2t)$ 4 4 $r^4\cos(4t)$ 5 0 $r^5\sin(5t)$ 5 1 $(5r^5-4r^3)\sin(3t)$ 5 2 $(10r^5-12r^3+3r)\sin(t)$ 5 3 $(10r^5-12r^3+3r)\cos(t)$ 5 4 $(5r^5-4r^3)\cos(3t)$ 6 5 $r^5\cos(5t)$ 6 0 $r^6\sin(6t)$ 6 1 $(6r^6-5r^4)\sin(4t)$ 6 2 $(15r^6-20r^4+6r^2)\sin(2t)$ 6 3 $20r^6-30r^4+12r^2-1$ 6 4 $(15r^6-20r^4+6r^2)\cos(2t)$ 6 5 $(6r^6-5r^4)\cos(4t)$	ļ	'	
2 2 $r^2 \cos(2t)$ 3 0 $r^3 \sin(3t)$ 3 1 $(3r^3 - 2r) \sin(t)$ 3 2 $(3r^3 - 2r) \cos(t)$ 3 3 $r^3 \cos(3t)$ 4 0 $r^4 \sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(6r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	2	0	$r^2 \sin(2t)$
3 0 $r^3 \sin(3t)$ 3 1 $(3r^3 - 2r) \sin(t)$ 3 2 $(3r^3 - 2r) \cos(t)$ 3 3 $r^3 \cos(3t)$ 4 0 $r^4 \sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(5r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	2	1	$2r^2-1$
3 1 $(3r^3 - 2r) \sin(t)$ 3 2 $(3r^3 - 2r) \cos(t)$ 3 3 $r^3 \cos(3t)$ 4 0 $r^4 \sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(5r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 6 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	2	2	$r^2 \cos(2t)$
3 2 $(3r^3 - 2r)\cos(t)$ 3 3 $r^3\cos(3t)$ 4 0 $r^4\sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2)\sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2)\cos(2t)$ 4 4 $r^4\cos(4t)$ 5 0 $r^5\sin(5t)$ 5 1 $(5r^5 - 4r^3)\sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r)\sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r)\cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3)\cos(3t)$ 6 5 $r^5\cos(5t)$ 6 0 $r^6\sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4)\sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2)\sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2)\cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4)\cos(4t)$	3	0	$r^3 \sin(3t)$
3 3 $r^3 \cos(3t)$ 4 0 $r^4 \sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(5r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	3	1	$(3 r^3 - 2 r) \sin(t)$
4 0 $r^4 \sin(4t)$ 4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(5r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 6 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	3	2	$(3r^3-2r)\cos(t)$
4 1 $(4r^4 - 3r^2) \sin(2t)$ 4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2) \cos(2t)$ 4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(5r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 6 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	3	3	$r^3\cos(3t)$
4 2 $6r^4 - 6r^2 + 1$ 4 3 $(4r^4 - 3r^2)\cos(2t)$ 4 4 $r^4\cos(4t)$ 5 0 $r^5\sin(5t)$ 5 1 $(6r^5 - 4r^3)\sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r)\sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r)\cos(t)$ 5 4 $(6r^5 - 4r^3)\cos(3t)$ 5 5 $r^5\cos(5t)$ 6 0 $r^6\sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4)\sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2)\sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2)\cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4)\cos(4t)$	4	0	r4 sin(4 t)
4 3 $(4r^4 - 3r^2)\cos(2t)$ 4 4 $r^4\cos(4t)$ 5 0 $r^5\sin(5t)$ 5 1 $(5r^5 - 4r^3)\sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r)\sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r)\cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3)\cos(3t)$ 6 5 $r^5\cos(5t)$ 6 0 $r^6\sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4)\sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2)\sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2)\cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4)\cos(4t)$	4	1	$(4 r^4 - 3 r^2) \sin(2 t)$
4 4 $r^4 \cos(4t)$ 5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(6r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(6r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	4	2	$6r^4-6r^2+1$
5 0 $r^5 \sin(5t)$ 5 1 $(6r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	4	3	$(4 r^4 - 3 r^2) \cos(2 t)$
5 1 $(6r^5 - 4r^3) \sin(3t)$ 5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(6r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	4	4	$r^4\cos(4t)$
5 2 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \sin(t)$ 5 3 $(10r^5 - 12r^3 + 3r) \cos(t)$ 5 4 $(5r^5 - 4r^3) \cos(3t)$ 5 5 $r^5 \cos(5t)$ 6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	5	0	r ⁵ sin(5 t)
5 3 $(10r^{5} - 12r^{3} + 3r)\cos(t)$ 5 4 $(5r^{5} - 4r^{3})\cos(3t)$ 5 5 $r^{5}\cos(5t)$ 6 0 $r^{6}\sin(6t)$ 6 1 $(6r^{6} - 5r^{4})\sin(4t)$ 6 2 $(15r^{6} - 20r^{4} + 6r^{2})\sin(2t)$ 6 3 $20r^{6} - 30r^{4} + 12r^{2} - 1$ 6 4 $(15r^{6} - 20r^{4} + 6r^{2})\cos(2t)$ 6 5 $(6r^{6} - 5r^{4})\cos(4t)$	5	1	$(5 r^5 - 4 r^3) \sin(3 t)$
5 4 $(5r^{6} - 4r^{3})\cos(3t)$ 5 5 $r^{6}\cos(5t)$ 6 0 $r^{6}\sin(6t)$ 6 1 $(6r^{6} - 5r^{4})\sin(4t)$ 6 2 $(15r^{6} - 20r^{4} + 6r^{2})\sin(2t)$ 6 3 $20r^{6} - 30r^{4} + 12r^{2} - 1$ 6 4 $(15r^{6} - 20r^{4} + 6r^{2})\cos(2t)$ 6 5 $(6r^{6} - 5r^{4})\cos(4t)$	5	2	$(10 r^5 - 12 r^3 + 3 r) \sin(t)$
5 5 $r^{5}\cos(5t)$ 6 0 $r^{6}\sin(6t)$ 6 1 $(6r^{6}-5r^{4})\sin(4t)$ 6 2 $(15r^{6}-20r^{4}+6r^{2})\sin(2t)$ 6 3 $20r^{6}-30r^{4}+12r^{2}-1$ 6 4 $(15r^{6}-20r^{4}+6r^{2})\cos(2t)$ 6 5 $(6r^{6}-5r^{4})\cos(4t)$	5	3	$(10 r^5 - 12 r^3 + 3 r) \cos(t)$
6 0 $r^6 \sin(6t)$ 6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	5	4	
6 1 $(6r^6 - 5r^4) \sin(4t)$ 6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	5	5	-
6 2 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \sin(2t)$ 6 3 $20r^6 - 30r^4 + 12r^2 - 1$ 6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2) \cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4) \cos(4t)$	6	0	•
$6 3 \qquad 20 r^6 - 30 r^4 + 12 r^2 - 1$ $6 4 (15 r^6 - 20 r^4 + 6 r^2) \cos(2 t)$ $6 5 \qquad (6 r^6 - 5 r^4) \cos(4 t)$	6	1	-
6 4 $(15r^6 - 20r^4 + 6r^2)\cos(2t)$ 6 5 $(6r^6 - 5r^4)\cos(4t)$	6	2	
6 5 $(6 r^6 - 5 r^4) \cos(4 t)$	6	3	
	6	4	
$\begin{bmatrix} 6 & 6 & r^6 \cos(6t) \end{bmatrix}$	6	5	
	[6	6	r ⁶ cos(6 t)

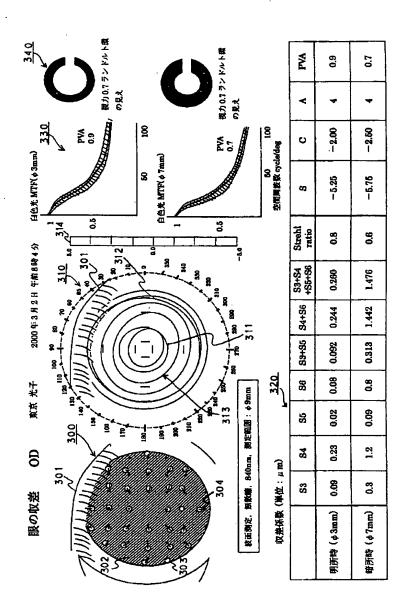
【図4】



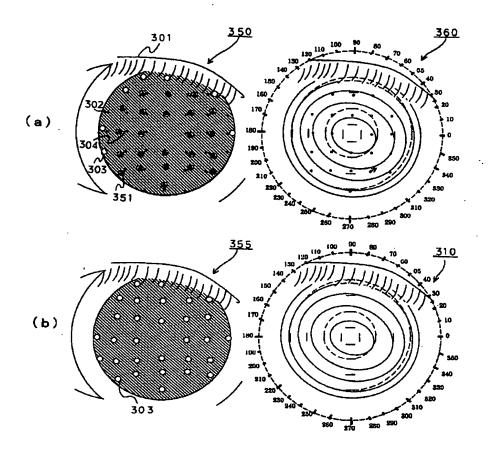
【図15】



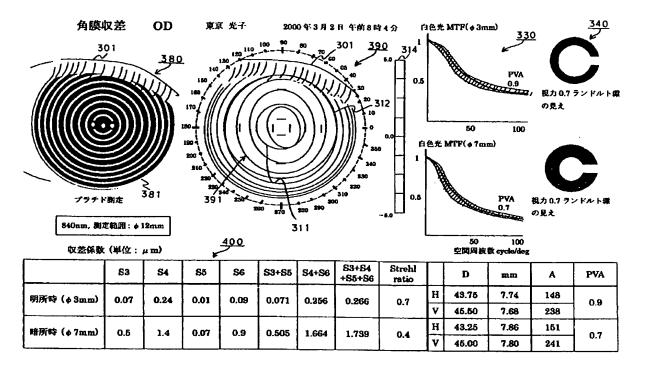
【図5】



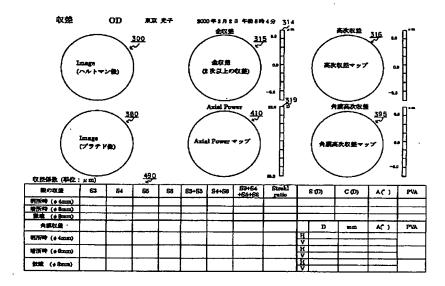
【図6】



【図8】

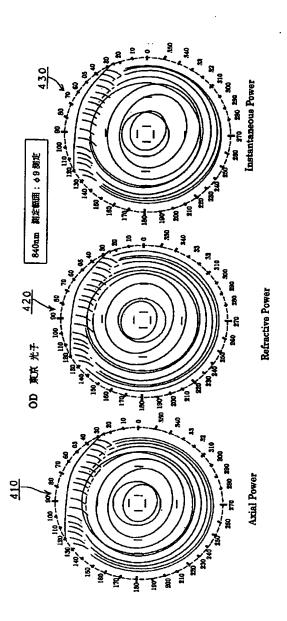


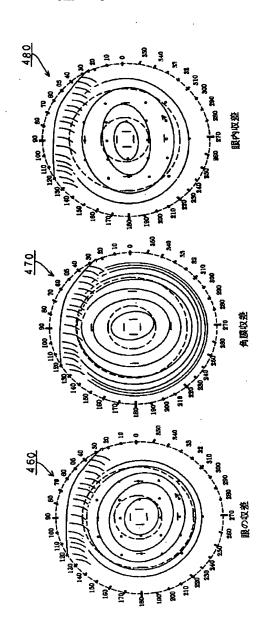
【図13】



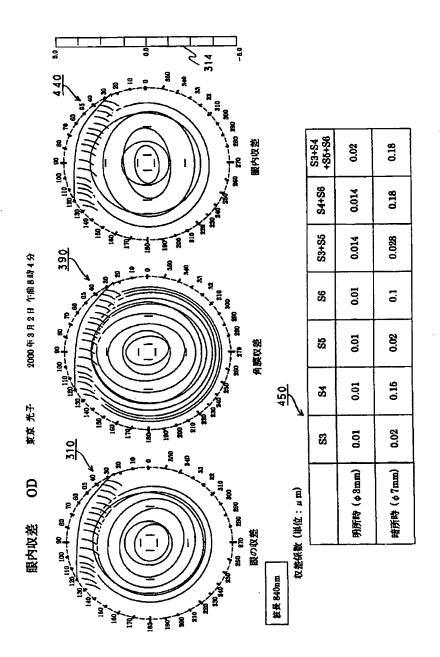
【図9】

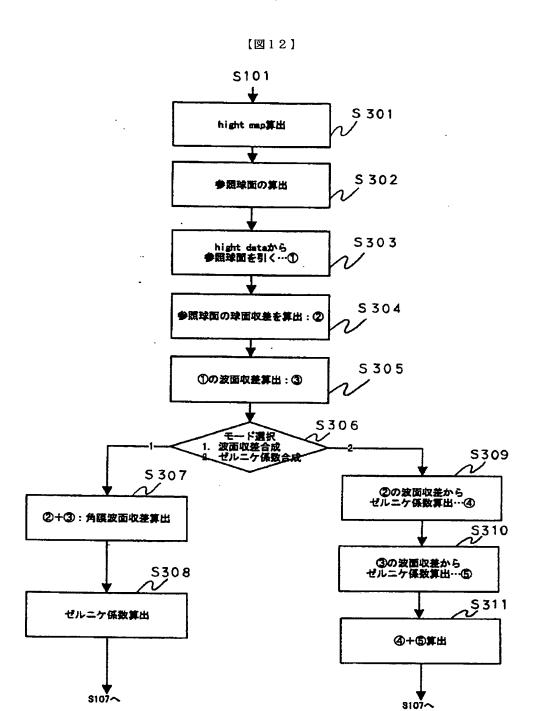
【図11】



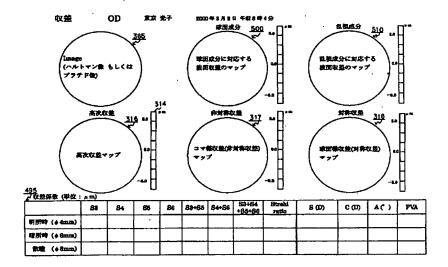


【図10】

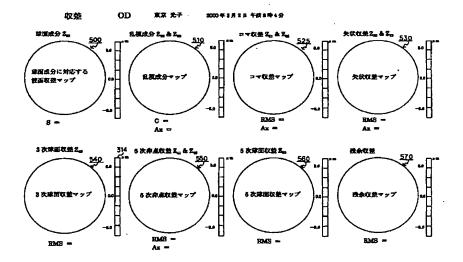




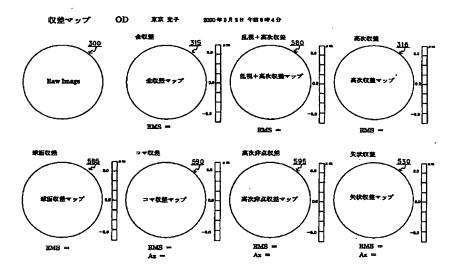
【図14】



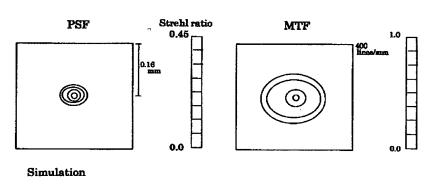
【図16】



【図17】



【図21】



【図18】

ı	600 C					
	名称	ゼルニケ収差係数	方向 Ax(x 軸から ccw)	RMSの平方		
6012	3 次球面収差	C ₄₂		15 C42		
602 ż	5 次球面収差	C ₆₃		$\frac{1}{\sqrt{7}}C_{63}$		
6032	7 次球面収差	C ₈₄		1/3 C 84		
604 ₂	3次コマ収差	$\sqrt{{C_{31}}^2 + {C_{32}}^2}$	$\tan^{-1} \left(-\frac{C_{31}}{C_{32}}\right) + 90^{\circ}$	$\frac{1}{2\sqrt{2}}\sqrt{C_{31}^2+C_{32}^2}$		
605 ₂	矢状収差	$\sqrt{C_{30}^2 + C_{33}^2}$	$\frac{1}{3} \tan^{-1} \left(-\frac{C_{30}}{C_{33}} \right) + 90^{\circ}$	$\frac{1}{2\sqrt{2}}\sqrt{C_{30}^2+C_{33}^2}$		
606 ₂	5次コマ収差	$\sqrt{{C_{52}}^2 + {C_{53}}^2}$	$\tan^{-1} \left(-\frac{C_{52}}{C_{53}}\right) + 90^{\circ}$	$\frac{1}{2\sqrt{3}}\sqrt{C_{52}^{2}+C_{53}^{2}}$		
6072	3次非点収差	$\sqrt{C_{20}^2+C_{22}^2}$	$\frac{1}{2} \tan^{-1} \left(-\frac{C_{20}}{C_{22}} \right) + 90^{\circ}$	$\frac{1}{\sqrt{6}}\sqrt{C_{20}^2+C_{22}^2}$		
60B	5 次非点収差	$\sqrt{C_{41}^2 + C_{43}^2}$	$\frac{1}{2}\tan^{-1}\left(-\frac{C_{41}}{C_{43}}\right) + 90^{\circ}$	$\frac{1}{\sqrt{10}}\sqrt{C_{41}^{2}+C_{43}^{2}}$		

【図20】

```
2x^{2}+2y^{2}-1
                                             2-2
                                           3 y x^2 - y^3
                                      3yx^2 + 3y^3 - 2y
                                      3x^3 + 3xy^2 - 2x
                                           x^3 - 3 \times y^2
                                         4 y x^3 - 4 y^3 x
                                    8yx^{3} + 8y^{3}x - 6yx
                          6x^4 + 12x^2y^2 + 6y^4 - 6x^2 - 6y^2 + 1
                                   4x^{4}-4y^{4}-3x^{2}+3y^{2}
                                       x^4 - 6x^2y^2 + y^4
                                    5 y x^4 - 10 y^3 x^2 + y^5
                         15 y x^4 + 10 y^3 x^2 - 5 y^5 - 12 y x^2 + 4 y^3
                    10 y x^{4} + 20 y^{3} x^{2} + 10 y^{5} - 12 y x^{2} - 12 y^{3} + 3 y
                    10 x^5 + 20 x^3 y^2 + 10 x y^4 - 12 x^3 - 12 x y^2 + 3 x
                        5x^{5} - 10x^{3}y^{2} - 15xy^{4} - 4x^{3} + 12xy^{2}
                                    x^{5} - 10x^{3}y^{2} + 5xy^{4}
                                  6 y x^5 - 20 y^3 x^3 + 6 y^5 x
                           24 y x^{5} - 24 y^{5} x - 20 y x^{3} + 20 y^{3} x
                30 y x^{5} + 60 y^{3} x^{3} + 30 y^{5} x - 40 y x^{3} - 40 y^{3} x + 12 y x
20 x^{6} + 60 x^{4} y^{2} + 60 x^{2} y^{4} + 20 y^{6} - 30 x^{4} - 60 x^{2} y^{2} - 30 y^{4} + 12 x^{2} + 12 y^{2} - 1
          15 x^6 + 15 x^4 y^2 - 15 x^2 y^4 - 15 y^6 - 20 x^4 + 20 y^4 + 6 x^2 - 6 y^2
               6x^{6} - 30x^{4}y^{2} - 30x^{2}y^{4} + 6y^{6} - 5x^{4} + 30x^{2}y^{2} - 5y^{4}
                               x^6 - 15 x^4 y^2 + 15 x^2 y^4 - y^6
```